## Технические науки

## УДК 62-83: 621.313.333

## Клименко Юрий Михайлович

кандидат технических наук, доцент, доцент кафедры электротехники и электромеханики Днепродзержинского государственного технического университета **Садовой Александр Валентинович** доктор технических наук, профессор, проректор по научной работе Днепродзержинского государственного технического университета

## Klimenko Yuri Mikhailovich

candidate of technical Sciences, associate Professor the Department of electrical engineering and electromechanics Dneprodzerzhinsk state technical University **Sadovoy Alexander Valentinovich** doctor of technical Sciences, Professor, Vicerector on scientific work Dneprodzerzhinsk state technical University

## СИНТЕЗ СИСТЕМЫ ПОЛЕОРИЕНТИРОВАННОГО УПРАВЛЕНИЯ АСИНХРОННЫМ ЭЛЕКТРОПРИВОДОМ С ДЕМПФИРОВАНИЕМ КОЛЕБАНИЙ УПРУГОГО ПЕРЕДАТОЧНОГО УСТРОЙСТВА

# SYNTHESIS OF FIELD-ORIENTED CONTROL OF ASYNCHRONOUS ELECTRIC DRIVE WITH DAMPING VIBRATION OF AN ELASTIC TRANSMISSION DEVICES

Аннотация: приведена методика синтеза системы разрывного полеориентированного управления асинхронным электроприводом с активным демпфированием колебаний упругого передаточного устройства.

Ключевые слова: синтез, математическая модель, передаточное устройство, регулятор, упругие колебания, демпфирование, контур регулирования, полеориентированное управление, скользящий режим.

**Summary:** the method of synthesis of a discontinuous field-oriented control of asynchronous electric drive with active damping vibration of an elastic transmission devices

**Key words:** synthesis, mathematical model, transfer device controller, elastic vibrations, damping, contour regulation, field oriented control, sliding mode.

Интенсивное развитие современных технологий и оборудования выдвигает повышенные требования к электромеханическим системам (ЭМС) точного воспроизведения сложных движений (ТВСД). К ним (CY): антенными относятся системы управления установками; радиолокационными станциями; зеркалами радиотелескопов, радиотехнических комплексов навигации, зондирования и наблюдения; устройствами специализированными военной техники. которые

#### International Scientific Journal http://www.inter-nauka.com/

осуществляют поиск, наведение и автосопровождение подвижных объектов. Достижение высокой надежности, требуемого pecypca длительного функционирования без профилактического обслуживания и оперативных ремонтных работ при традиционно используемых в ЭМС ТВСД электроприводах (ЭП) на основе машин постоянного тока усложнено или невозможно. По этой причине актуальным и бурно развивающимся время направлением В настоящее для большинства механизмов высококачественного управления движением является применение бесконтактных глубокорегулируемых асинхронных электроприводов (АЭП) с векторным полеориентированным управлением (ВПУ), реализуемым быстродействующими, работающими В ключевом режиме преобразователями на силовых IGBT модулях.

Сложность задач создания высококачественных АЭП для систем ТВСД усугубляется и тем, что короткозамкнутый асинхронный двигатель (КАД) как ОУ характеризуется совокупностью звеньев, накапливающих электромагнитную и механическую энергию; имеет сложную многомерную структуру с внутренними перекрестными связями (ВПС); отличается значительной нелинейностью, вызванной флуктуациями характеристик цепи намагничивания и неидеальными свойствами передаточных устройств (ПУ); обладает нестационарностью параметров В виде изменений количественных связей между ними в статических и динамических режимах работы АЭП при нагреве электродвигателя, изменениях насыщения магнитопровода и вытеснении тока; подвержен значительным возмущениям со стороны питающих электрических цепей и ПУ; выделяется сложностью прямого измерения потокосцепления и электромагнитного момента (ЭМ).

Традиционно в системах ВПУ используются П, ПИ и ПИД регуляторы, которые обладают недостаточной робастностью, плохо противодействуют изменяющимся внешним воздействиям, упругим свойствам ПУ, люфтам и нелинейному трению.

#### International Scientific Journal http://www.inter-nauka.com/

Изложенные особенности не позволяют при синтезе СУ АЭП использовать принципы линейной теории управления по причине резкого снижения качества управления при отклонениях параметров ОУ от расчетных, нарушения автономности каналов управления потоком и электромагнитным моментом, низкого запаса устойчивости СУ вплоть до потери ее работоспособности.

**Цель работы** – синтез системы ВПУ КАД с высокими требованиями к качеству отработки управляющих воздействий в режимах слежения и позиционирования, обладающей низкой чувствительностью к параметрическим и координатным возмущениям, обеспечивающей активное демпфирование колебаний упругого ПУ и устойчивую работу на основе информации от наблюдателей трудноизмеряемых координат АЭП и ПУ.

Достижение поставленной цели осуществлено путем синтеза АЭП с ВПУ в классе нелинейных систем с преднамеренно организованными в контурах регулирования (КР) многомерными скользящими режимами (МСР) при замыкании последних как по непосредственно измеренной, так и по полученной методами идентификации информации о векторах состояния АЭП, необходимой для реализации синтезированных алгоритмов управления (АУ).

Для достижения поставленной цели составим математическую модель (ММ) комплекса «КАД - ПУ с упругими свойствами», которая будет использована в качестве инструмента при синтезе и исследованиях разрабатываемых АЭП.

Анализ известных и подробно описанных в научно-технической литературе математических моделей ПУ ЭМС, построенных с учетом упруго-вязких свойств механических передач, приводит к выводу о том, что в большинстве случаев при анализе и синтезе ЭМС с повышенными требованиями к качеству управления целесообразным является использование описания ее моделью эквивалентной двухмассовой упругой

International Scientific Journal http://www.inter-nauka.com/

системы, которая несмотря на предельное упрощение, отражает физические особенности упругих ПУ с достаточной для инженерных расчетов точностью.

Математическую модель ПУ механической части ЭМС с упругими свойствами составим с учетом следующих известных допущений:

- ротор двигателя и элементы механической передачи представим в виде сосредоточенных масс, обладающих постоянными моментами инерции;
- к указанным массам приложены все силы и моменты, действующие в передаче;
- упругие связи безынерционны, невесомы, характеризуются постоянной жесткостью, т.е. коэффициентом пропорциональности между моментом (силой) и деформацией;
- диссипативные свойства ПУ учитываются силами внутреннего вязкого трения в материале валов, возникающими при их скручивании, и силами внешнего вязкого трения в опорах, которые принимаем пропорциональными угловым скоростям соответствующих валов;
- деформация упругих звеньев имеет линейный характер и подчиняется закону Гука;
- движущий момент приложен к первой массе, а его мгновенные значения M = f(t) известны и определяются расчетным путем;
- момент нагрузки приложен к выходному валу;
- волновые движения деформации и зазоры в передачах не учитываются.

В соответствии с принятыми допущениями ПУ ЭМС с наиболее распространенной на практике кинематической схемой, изображенной на рис. 1, представим в виде обобщенной двухмассовой упругодиссипативной системы, описываемой уравнениями:

$$\frac{d\phi_{1}}{dt} = \omega_{1}; \quad \frac{d\phi_{2}}{dt} = \omega_{2}; \quad J_{1}\frac{d\omega_{1}}{dt} = M - M_{12} - M_{f1};$$

$$J_{2}\frac{d\omega_{2}}{dt} = M_{12} - M_{C2} - M_{f2}; \quad M_{12} = C_{12}(\phi_{1} - \phi_{1}) + b_{12}(\omega_{1} - \omega_{2}), \quad (1)$$

где φ<sub>1,2</sub>, ω<sub>1,2</sub>; J<sub>д,1,2</sub>; - угловые перемещения, угловые скорости, моменты инерции двигателя (д), первой (1) и второй (2) масс двухмассовой ЭМС:

$$J_1 = J_{A} + J_{A} / i^2$$
;

і - передаточное число;

M<sub>12</sub> и M<sub>C2</sub>- моменты упругого взаимодействия масс и нагрузки на выходном валу;

M<sub>f1,2</sub> - моменты внешнего вязкого трения:

$$M_{f_1} = \beta_1 \omega_1$$
 (πри  $M_{f_{\pi}} = 0$ ),  $M_{f_2} = \beta_2 \omega_2$  (2)

β<sub>1,2</sub> - коэффициенты внешнего вязкого трения валов 1 и 2;

С<sub>12</sub> - коэффициент жесткости;

b<sub>12</sub> - коэффициент внутреннего трения в деформируемой передаче.

$$\begin{array}{c|c} \mathbf{n} \\ \hline \mathbf{n} \\ \hline \mathbf{n} \\ \hline \mathbf{n} \\ \mathbf$$

# Рис.1 Кинематическая схема механической передачи ЭМС с упругостью первого рода (составлена автором)

В (1) и (2) параметры без индексов (•)' получены приведением к валу электродвигателя величин, обозначенных на кинематической схеме J'<sub>2</sub>; ω'<sub>1,2</sub>; φ'<sub>1,2</sub>; C'<sub>12</sub>; b'<sub>1</sub>; M'<sub>12</sub>; M'<sub>c2</sub>; M'<sub>f, 1,2</sub>. Приведение осуществлено методом эквивалентных преобразований [1], обеспечивающим выполнение закона сохранения энергии.

С учетом выражений (2) и базовых величин  $\omega_{\delta}$  и  $M_{\delta}$  введем в (1) следующие обозначения:

$$T_{M1} = J_1 \omega_6 M_6^{-1}, \quad T_{M2} = J_2 \omega_6 M_6^{-1}, \quad T_C = M_6 (C_{12} \omega_6)^{-1},$$
  

$$k_{f1} = \beta_1 \omega_6 M_6^{-1}, \quad k_{f2} = \beta_2 \omega_6 M_6^{-1}, \quad k_c = b_{12} \omega_6 M_6^{-1}, \quad (3)$$

International Scientific Journal http://www.inter-nauka.com/

где  $T_{M1}$ ,  $T_{M2}$  - механические постоянные времени сосредоточенных масс;

T<sub>C</sub> - механическая постоянная жесткости;

k <sub>f1</sub>, k <sub>f2</sub>, k<sub>c</sub> - безразмерные коэффициенты внешнего и внутреннего вязкого трения.

Представив третье - пятое уравнения системы (1) с учетом обозначений (3), получим:

$$d\omega_{1}^{\circ}/dt = (M^{\circ} - M^{\circ}_{12} - k_{f1} \omega_{1}^{\circ})/T_{M1}$$

$$d\omega_{2}^{\circ}/dt = (M^{\circ}_{12} - M^{\circ}_{c2} - k_{f2} \omega_{2}^{\circ})/T_{M2}$$

$$M^{\circ}_{12} = k_{c} (\omega_{1}^{\circ} - \omega_{2}^{\circ}) + (\phi_{1}^{\circ} - \phi_{2}^{\circ})/T_{C},$$
(4)

где:  $(\bullet)^{\circ} = (\bullet)/(\bullet)_{\delta}$  - параметры в относительных единицах.

В дальнейшем индексы ° при (•) упущены.

На рис. 2 представлена структурная схема нормированной системы уравнений (4), применяемая многими авторами при синтезе СУ и приводящая к алгоритмам, построенным на использовании операций дифференцирования. Для получения алгоритмов управления (АУ) с простой практической реализацией упростим модель (4), представив ее в пространстве состояний. С этой целью продифференцируем уравнение для вычисления M<sub>12</sub> из (4) при постоянстве параметров T<sub>c</sub>, k<sub>c</sub> и запишем результат с учетом уравнений (1)

$$M_{12}/dt = C_{12}(\omega_1 - \omega_2) + b_{12}(d\omega_1/dt - d\omega_2/dt)$$

$$M \xrightarrow{M_{12}} \underbrace{1}_{M_{r_1}} \underbrace{1}_{M_{r_1}} \underbrace{1}_{T_{cP}} \underbrace{1}_{T_{cP}} \underbrace{1}_{M_{r_2}} \underbrace{1}_{T_{M_2}} \underbrace{1}_{T_$$

Рис. 2. Структурная схема упрощенной модели двухмассовой ЭМС (составлена автором)

Подставим первое и второе уравнения системы (4) в выражение (5) и запишем полученный результат совместно с первым и вторым уравнениями системы (4):

$$\frac{d\omega_{1}}{dt} = (M - M_{12} - k_{f1}\omega_{1})/T_{M1}; \qquad \frac{d\omega_{2}}{dt} = (M_{12} - M_{C2} - k_{f2}\omega_{2})/T_{M2}; 
\frac{dM_{12}}{dt} = (T_{c}^{-1} - k_{c} k_{f1}T_{M1}^{-1})\omega_{1} - (T_{c}^{-1} - k_{c} k_{f2}T_{M2}^{-1})\omega_{2} + k_{c}T_{M1}^{-1}M - (6) 
- k_{c}(T_{M1} + T_{M2})T_{M1}^{-1}T_{M2}^{-1}M_{12} + k_{c}T_{M2}^{-1}M_{c} , 
M - электромагнитный момент КАД$$

$$\mathbf{M} = \mathbf{C}_1 \Psi_{\mathbf{A}}^{\mathbf{0}} \mathbf{i}_{\mathbf{SV},} \tag{7}$$

где  $C_1$ =m  $Z_p / 2$ ; m,  $Z_p$  - числа фаз и пар полюсов КАД.

где

Полученная нормированная модель ПУ механической части ЭМС с упругостью первого рода описывает динамические процессы в упругой передаче с учетом диссипативных сил. Уровень информативности полученной модели позволяет использовать ее при анализе и синтезе АУ с активным демпфированием колебаний упругих ПУ, наблюдателя координат (НК) КАД и упругого ПУ при их совместной работе.

Для синтеза алгоритмов ВПУ, обеспечивающих активное демпфирование колебаний в АЭП с упругими ПУ, в качестве расчетной используем математическую модель (6), дополнив ее дифференциальным уравнением для вычисления электромагнитного момента. Указанное уравнение получим путем дифференцирования выражения (7) при  $\Psi^{o}_{A}$ =const, C1=const и выполнении условий ориентации координатного базиса по вектору  $\Psi^{o}_{A}$ :  $\Psi^{o}_{u} = \Psi^{o}_{A}$ ,  $\Psi_{v}$ =0,  $d\Psi_{v}/dt$ =0.

$$d M/dt \equiv C_m d i_{sv}/dt , \qquad (8)$$

где  $C_m = C1 \cdot \Psi^o{}_A$  при  $\Psi^o{}_A = const - постоянный коэффициент.$ 

Используя третье уравнение системы (20) [2, с.521]

$$\frac{\mathrm{d}\mathbf{I}_{\mathrm{sv}}}{\mathrm{d}t} = -\mathbf{C}4\mathbf{I}_{\mathrm{sv}} + \frac{1}{\mathbf{L}_{\mathrm{s}}}\mathbf{U}_{\mathrm{sv}} + \frac{\omega_{1}}{\mathbf{L}_{\mathrm{s}}}(\mathbf{C}2\mathbf{I}_{\mathrm{su}} - \Psi_{\mathrm{A}}^{\mathrm{o}}) - \omega_{\Psi_{\mathrm{A}}^{\mathrm{o}}}\mathbf{I}_{\mathrm{su}}, \qquad (9)$$

соотношение (8) и равенство  $M = C_m i_{sv}$  получим:

$$dM/dt = -C4M + C_m U_{sy}/L'_s + C_m (C2 L'_s^{-1} \omega_1 - \omega_{\Psi_0}) i_{su} - C_m \omega_1 L'_s^{-1} \Psi_A^{\circ}, \quad (10)$$
  
где C<sub>2</sub> = (1-a)L<sub>m</sub>; C4 = 1-C<sub>5</sub>/L'<sub>s</sub>; C5 = aL<sub>m</sub>-L<sup>2</sup><sub>m</sub> L<sup>-1</sup><sub>r</sub>.

Записав совместно (6) и (10), получим расчетную ММ в развернутой векторно-матричной форме записи:

$$\frac{d}{dt}\begin{bmatrix} \omega_{2} \\ M_{12} \\ M_{\omega_{2}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & 0 & 0 \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ 0 & 0 & a_{33} & a_{34} \\ 0 & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \omega_{2} \\ M_{12} \\ M_{\omega_{1}} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ b_{2} \\ 0 \end{bmatrix} U_{sv} + \begin{bmatrix} \mu_{1} \\ \mu_{2} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} M_{c2} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \mu_{3} \\ 0 \end{bmatrix}, \quad (11)$$

где  $a_{11}$  = -  $k_{f2} / T_{M2}$ ;  $a_{12}$  = 1/  $T_{M2}$ ;  $a_{21}$  = -1/  $T_c + k_c k_{f2} / T_{M2}$ ;  $a_{22}$  = - $k_c (T_{M1} + T_{M2}) / T_{M1} T_{M2}$ ;  $a_{24}$  = -1/  $T_c + k_c k_{f1} / T_{M1}$ ;  $a_{33}$  = - $C_mC4$ ;  $a_{42}$  = -1/  $T_{M1}$ ;  $a_{34}$  =

 $= C_{m} L'_{s}^{-1} (C2i_{su} - \Psi_{A}^{\circ}); \quad a_{43} = 1 / T_{M1}; \quad a_{44} = -k_{f1} / T_{M1}; \quad b_{2} = C_{m} / L'_{s}; \quad \mu_{1} = -1 / T_{M2};$ ;  $\mu_{2} = k_{c} / T_{M2}; \quad \mu_{3} = -C_{m} \omega_{\Psi_{0}} i_{su}.$ 

Математическая модель (11) и соответствующая ей структурная схема (рис.3) отражают многомерность, нелинейный характер и динамическую взаимосвязь электромагнитных, электромеханических параметров, управляющих и возмущающих воздействий в ЭМС рассматриваемой структуры. Однако структурная и параметрическая избыточность такой математической модели затрудняет использование ее при синтезе СУ с минимальным количеством контурных регуляторов и сложностью информационно - датчиковой системы.



Рис.3. Структурная схема исходной математической модели (11) АЭП с ВПУ и упругим ПУ (составлена автором).

Упрощение модели и понижение ее порядка осуществим с использованием модального метода редуцирования [3, c.65÷70], предусматривающего выделение доминирующих координат X<sub>I</sub>,

непосредственное управление которыми определяет требуемые динамические характеристики, и не доминирующих X<sub>II</sub>, которые можно свести к возмущающим воздействиям, компенсируемым контурными регуляторами координат Z<sub>I</sub>.

Вектор состояния системы X «неособым» преобразованием Z = TX, det T≠0 преобразуем в новый координатный базис векторов Z модальных координат [4]:

d

$$Z(t) / dt = TAT^{-1} Z(t) + TB U(t) + T\mu, \quad Y = CT^{-1}Z(t), \quad (12)$$

Обозначив ТАТ<sup>-1</sup> =  $\Lambda$ ; T = V; T $\mu$  = m; CT<sup>-1</sup>=C , представим (12) в "новом" координатном базисе:

d

$$Z(t)/dt = \Lambda X(t) + VBU(t) + m, Y = C Z(t).$$
(13)

С учетом разбивки на группы координат  $Z_I$  и  $Z_{II}$  представим (13) в развернутой форме:

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{dt}} \begin{bmatrix} Z_{\mathrm{I}} \\ Z_{\mathrm{II}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \Lambda_{1} & 0 \\ 0 & \Lambda_{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Z_{\mathrm{I}} \\ Z_{\mathrm{II}} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} V_{1} & V_{2} \\ V_{3} & V_{4} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} B_{1} \\ 0 \end{bmatrix} U + \begin{bmatrix} m_{1} \\ m_{2} \end{bmatrix}.$$
(14)

Редуцирование порядка при этом сведем к исключению дифференциального уравнения вычисления Z<sub>II</sub>. Выбор преобразующих матриц в (14) осуществлен таким образом, чтобы кроме устранения

$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} Z_1 \\ Z_2 \\ Z_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \lambda_{11} & \lambda_{12} & 0 \\ 0 & \lambda_{22} & \lambda_{23} \\ 0 & 0 & \lambda_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Z_1 \\ Z_2 \\ Z_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ b_3 \end{bmatrix} U + \begin{bmatrix} \mu_{01} \\ \mu_{02} \\ \mu_{03} \end{bmatrix} , \qquad (15)$$

взаимосвязи координат Z<sub>I</sub> и Z<sub>II</sub>, получить матрицу Λ<sub>I</sub> коэффициентов Z<sub>I</sub> с верхнетреугольной формой:

где  $\lambda_{11} = a_{21}$ ;  $\lambda_{12} = a_{12}a_{21}(a_{11})^{-1}$ ;  $\lambda_{22} = a_{33}a_{42}(a_{43})^{-1}$ ;  $\lambda_{23} = a_{42}^2a_{33}(a_{43})^{-1}$  $^1(a_{24}(a_{44})^{-1} - a_{23}(a_{43})^{-1})(a_{22} - a_{12}a_{21}(a_{11})^{-1} - a_{23}a_{42}(a_{43})^{-1})^{-1}$ ;  $\lambda_{33} = a_{42}(a_{34}(a_{44})^{-1} - a_{33}(a_{43})^{-1} - \lambda_{23}$  Выбор формы представления редуцированной модели в виде (15) позволяет синтезировать алгоритмы ВПУ и технически просто реализуемые структуры систем управления.

Используя концепцию Ляпунова о возмущенном - невозмущенном движении [5], представим (15) в фазовом пространстве координат возмущенного движения, переход к которому позволяет исключить из рассмотрения возмущающие воздействия µ:

$$\frac{d\eta_{1}}{dt} = \lambda_{11}\eta_{1} + \lambda_{12}\eta_{2} ; \quad \frac{d\eta_{2}}{dt} = \lambda_{22}\eta_{2} + \lambda_{23}\eta_{3} \\
\frac{d\eta_{3}}{dt} = \lambda_{33}\eta_{3} + b_{3}U_{sv}^{\Delta} ,$$
(16)

где  $\eta_i = Z_i - Z_i^*$ , i=1,2,3 - координаты возмущенного движения;  $Z_i$  и  $Z_i^*$  - значения истинных и программно-заданных координат;  $U_{sv}^{\Delta} = U_{sv} - U_{sv}^*$  - дополнительное управление, однозначно оп-

ределяемое компонентами векторов η<sub>i</sub>.

Задача синтеза сводится к выбору ограниченных по модулю управляющих воздействий, обеспечивающих минимум интегральных критериев качества, задаваемых для каждого из контурных регуляторов в виде функционалов [5]:

$$J_{1} = \int_{0}^{\infty} \left[ V_{01}^{(1)} \eta_{1}^{2} + V_{02}^{(1)} \eta_{1} \eta_{2} + V_{03}^{(1)} \eta_{1} \eta_{3} + \left| V_{13}^{(1)} \eta_{1} + V_{23}^{(1)} \eta_{2} + V_{33}^{(1)} \eta_{3} \right| \right] dt$$

$$J_{2} = \int_{0}^{\infty} \left[ V_{02}^{(2)} \eta_{1} \eta_{2} + V_{03}^{(2)} \eta_{1} \eta_{3} + \left| V_{23}^{(2)} \eta_{2} + V_{33}^{(2)} \eta_{3} \right| \right] dt$$

$$J_{3} = \int_{0}^{\infty} \left[ V_{03}^{(3)} \eta_{1} \eta_{3} + \left| V_{33}^{(3)} \eta_{3} \right| \right] dt , \qquad (17)$$

где  $V_{01}=V_{03}V_{13}/V_{33}$ ,  $V_{02}=V_{03}V_{23}/V_{33}$ ,  $V_{03}=-\lambda_{11}\lambda_{22}\lambda_{33}$  - весовые коэффициенты.

Минимизация функционалов (17) гарантирует апериодический характер переходных процессов с минимально возможной для данных параметров и ограничений управляющих воздействий постоянной времени. Коэффициенты функционалов (17) определим в соответствии с функцией А.М. Ляпунова, выбранной в виде:

$$\mathbf{V} = \sum_{i,k=0}^{3} \mathbf{V}_{ik}^{(j)} \boldsymbol{\eta}_{i} \boldsymbol{\eta}_{k} , \quad \mathbf{V}_{ik}^{(j)} = \mathbf{V}_{ki}^{(j)} , \qquad (18)$$

где J=1,2,3 – индексы переменных ω<sub>2</sub>, M<sub>12</sub> и M, управляемых регуляторами P1, P2 и P3.

Оптимальные управляющие воздействия на выходах регуляторов сформируем в виде:

$$U^{(pj)} = -U_{pj} \operatorname{sgn} S^{(j)}, \quad S^{(j)} = b_3 \frac{\partial V^{(j)}}{\partial \eta_i} = 2b_3 (V_{13}^{(j)} \eta_1 + V_{23}^{(j)} \eta_2 + V_{33}^{(j)} \eta_3) \quad , \quad (19)$$

где U<sub>pi</sub> – амплитуда напряжения релейного элемента;

U<sup>(рј)-</sup> напряжение на выходе регулятора координаты ј.

Определим коэффициенты функций А.М.Ляпунова, входящие в АУ (19):

для Р1 
$$V_{13}^{(1)} = \lambda_{22} \lambda_{33}, V_{23}^{(1)} = -\lambda_{12} \lambda_{33}, V_{33}^{(1)} = \lambda_{12} \lambda_{23};$$
  
для Р2  $V_{13}^{(2)} = 0, V_{23}^{(2)} = -\lambda_{11} \lambda_{33}, V_{33}^{(2)} = \lambda_{11} \lambda_{23}$  (20)  
для Р3  $V_{13}^{(3)} = 0, V_{23}^{(3)} = 0, V_{33}^{(3)} = -\lambda_{11} \lambda_{22}.$ 

В соответствии с (20) алгоритмы (19) представим в виде:

или после перехода в исходный координатный базис фазового пространства отклонений систему (21) запишем в виде

$$\begin{split} U^{(p1)} &= -U_{p1} \operatorname{sgn}[(\omega_{2} - \omega_{2}^{*}) + Z_{1y}(M_{12} - M_{12}^{*}) + Z_{2y}(M - M^{*})] \\ U^{(p2)} &= -U_{p2} \operatorname{sgn}[(M_{12} - M_{12}^{*}) + Z_{3y}(M - M^{*})], \\ U^{(p3)} &= -U_{p3} \operatorname{sgn}(M - M^{*}) \end{split} \right\}, \quad (22) \\ \Gamma \mathcal{I}e \ \ Z_{1y} &= -\frac{L'_{s}}{R_{s}} \cdot \left(\frac{b_{12}}{J_{2}} - \frac{C_{12}}{\beta_{2}}\right), \qquad Z_{2y} &= \left(\frac{b_{12}}{J_{2}} - \frac{C_{12}}{\beta_{2}}\right) \cdot \left(\frac{b_{12} \cdot (J_{1} - J_{2})}{J_{1} J_{2}} + \frac{C_{12}}{\beta_{2}}\right), \\ Z_{3y} &= \frac{R_{s} C_{12}}{L'_{s} \beta_{2}} \cdot \left(\frac{b_{12} (J_{1} - J_{2})}{J_{1} J_{2}} + \frac{C_{12}}{\beta_{2}}\right) \end{split}$$

На рис. 4 представлена функциональная схема системы ВПУ [7], в которой реализованы АУ (22). В состав схемы входят: контур управления потоком; контуры управления с релейными регуляторами Р1, Р2, Р3, осуществляющими управление координатами механического движения и активное демпфирование упругих колебаний УПУ; наблюдатель координат



Рис.4. Функциональная схема системы ВПУ КАД с активным демпфированием упругих колебаний УПУ по АУ (22)

асинхронного двигателя и упругого передаточного устройства НК АД УПУ; типовые для систем ВПУ преобразователи координат ПК1-ПК3; контур формирования фазных токов КФФТ с преобразователем на силовых транзисторных модулях ПСТМ, датчиками ДФТ и релейными регуляторами фазных токов РФТ; вычислитель «эквивалентного» управления ВЭУ, обеспечивающий МСР в СУ; короткозамкнутый асинхронный двигатель М с тахогенератором ДС на валу, упругим передаточным устройством УПУ и датчиком положения ДП2 на выходном валу.

Наблюдатели координат НК АД и УПУ синтезированы и исследованы авторами в [ 6, с 358÷360].

Организация МСР в системе управления осуществлена на основе «эквивалентного» управления [7, c.82÷89], применения метода позволяющего разделить разнотемповые движения BO внешних И внутренних контурах управления путем включения между ними выделителя ВЭУ «эквивалентного» управления, выполненного в виде двухканальной, замкнутой по сигналам на ее выходах, модели контура тока, содержащей релейные регуляторы активного и реактивного тока, модели вычисления тока с параметрами управляемого КАД.

Результаты моделирования синтезированных АУ (22) при ОКБ по  $|\Psi_r|$  для режима слежения представлены на рис. 5. Графики изменений задающего воздействия  $\omega_2^*(t) = \omega_{HOM} \cos 8t$ , координат  $\omega_1(t)$ ,  $\omega_2(t)$ ,  $M_c(t)$ ,  $M_y(t)$ , M(t),  $\varepsilon(t) = \omega_2^*(t) - \omega_2(t)$ , при  $|\Psi_r| = \cosh t$ ,  $|\Psi_r|(t)$ ,  $i_{su}(t)$ ,  $\Psi_r_{\alpha,\beta}(t)$ ,  $i_{s-\alpha,\beta}(t)$ , приведены для режимов: возбуждения машины до уровня  $\Psi_{r-HOM}$ . (0÷t<sub>1</sub>); работы с (0÷t<sub>4</sub>) при  $M_c = 0$  (0÷t<sub>2</sub>),  $M_c = -M_{HOM}$  (t<sub>2</sub>÷t<sub>3</sub>),  $M_c = M_{HOM}$  (t<sub>3</sub>÷t<sub>4</sub>); отработки задающего воздействия  $\omega_2^*(t) = \omega_{HOM} \cos 8t$  при  $M_c = M_{HOM}$  (t<sub>3</sub>÷t<sub>5</sub>), при  $M_c = -M_{HOM}$  (t<sub>5</sub>÷t<sub>6</sub>),  $M_c = 0$  (t<sub>6</sub>÷t).

Для наглядности изображений на рис.5 сигналы  $\omega_{2,}(\omega_1)$  и  $\omega^*_2$  показаны в разных масштабах.

С целью оценки чувствительности скоростной подсистемы с АУ (22) к неточности задания при расчете или изменениям в процессе эксплуатации коэффициента жесткости  $C_{\pi}$  и момента инерции  $J_2$  проведены исследования ошибок регулирования  $\varepsilon(t) = \omega_2^*(t) - \omega_2(t)$  для режимов: работы с  $\omega_2^*(t) = 0$  (0÷t<sub>3</sub>) при  $M_c=0$  (0÷t<sub>1</sub>),  $M_c=-M_{HOM}$  (t<sub>1</sub>÷t<sub>2</sub>),  $M_c=M_{HOM}$  (t<sub>2</sub>÷t<sub>3</sub>);

отработки задающего воздействия  $\omega_2^*(t) = \omega_{\text{ном}} \cos 8t$  при  $M_c = M_{\text{ном}} (t_3 \div t_4)$ , при  $M_c = -M_{\text{ном}} (t_4 \div t_5)$ ,  $M_c = 0 (t_5 \div t)$ .

На рис.6 представлены результаты исследования ошибок  $\varepsilon(t)$ , полуполученные для случаев  $\varepsilon_0(t)$  - при расчетных значениях  $C_{\mathcal{K}}^{\text{расч.}}$ ,  $J_2^{\text{расч.}}$ ;  $\varepsilon_1(t)$  - при  $C_{\mathcal{K}} = 0.5 C_{\mathcal{E}}^{\delta a \tilde{h} \div}$  и  $J_2^{\text{расч.}}$ ;  $\varepsilon_2(t)$  - при  $C_{\mathcal{K}} = 1.5 C_{\mathcal{E}}^{\delta a \tilde{h} \div}$  и  $J_2^{\text{расч.}}$ ;  $\varepsilon_3(t)$  - при  $J_2 = 0.5$  $J_2^{\text{расч.}}$  и  $C_{\mathcal{K}}^{\delta a \tilde{h} \div}$ ;  $\varepsilon_4(t)$  - при  $J_2 = 1.5 J_2^{\text{расч.}}$  и  $C_{\mathcal{K}}^{\delta a \tilde{h} \div}$ . Величины ошибок не превышают значений  $\pm 5\%$ .



Рис.5. Результаты моделирования системы ВПУ АЭП с АУ (22) (получены авторами)

Выводы. Синтезированная система полеориентированного управления АД с активным демпфированием колебаний упругого передаточного устройства по алгоритмам (22) с регуляторами скорости, электромагнитногомомента АД и упругого момента ПУ при работе с МСР, организованны-



Рис.6 Результаты моделирования чувствительности ЭМС управления скоростью с АУ (22) к изменениям С<sub>ж</sub> и J<sub>2</sub> от расчетных (получены авторами).

ми на основе информации от наблюдателей координат АД и УПУ, реализованных в виде работающих в реальном масштабе времени прямых замкнутых динамических моделей КАД и УПУ, снабженных работающими в скользящем режиме контурами слежения, обеспечивает высококачественное управление АЭП, активное демпфирование упругих колебаний УПУ при низкой чувствительности к параметрическим и координатным возмущениям. Разработанная СУ АЭП удовлетворяет высоким требованиям, предъявляемым к ЭМС ТВСД.

## Список литературы

1. Ключев В.И. Теория электропривода: Учебник для вузов -М.: Энергоиз-дат, 1985.-560 с.

2. Клименко Ю.М. Математическая модель асинхронного двигателя и синтез алгоритмов полеориентированного управления на ее

основе // Юбилейный сборник научно-технических трудов ДГТУ, Днепродзер-жинск, 1995. – с.518 ÷ 527.

3. Афанасьев В.Н., Неусыпин К.А. Метод построения редуцированных моделей - Автоматика и телемеханика, 1991. № 6, с.65-70..144.

4. Воронов А.А. Введение в динамику сложных управляемых систем. - М.:Наука, 1985. - 352с.

5. Системы оптимального управления прецизионными электроприводами/Садовой А.В., Сухинин Б.В., Сохина Ю.В.: Под ред.А.В.Садового. - К.: ИСИМО, 1996 - 286 с.,ил.

6. Клименко Ю.М., Садовой А.В., Клименко Ю.Ю. Наблюдатели координат короткозамкнутого асинхронного двигателя и упругого передаточного устройства // Сборник научных трудов Днепродзержинского государственного технического университета (технические науки). Тематический выпуск « Проблемы автоматизированного электропривода. Теория и практика» / Днепродзержинск: ДДТУ, 2007.-с 358÷360.

7. Клименко Ю.М. Разработка и исследование асинхронных электроприводов с векторным полеориентированным управлением, многомерными скользящими режимами и идентификацией координат. Дис.канд. техн. наук. Одесса, - 2007. -185 с.